Nov. 2021

DOI: 10.11830/ISSN.1000-5013.202011004

# 压力型锚杆灌浆体受压承载力的 计算模型与方法



冉孟吉<sup>1</sup>,涂兵雄<sup>1,2</sup>,刘超<sup>3</sup>,贾金青<sup>2</sup>,蔡燕燕<sup>4</sup>,张丽华<sup>2</sup>

- (1. 华侨大学 福建省隧道与城市地下空间工程技术研究中心, 福建 厦门 361021;
  - 2. 大连理工大学 海岸和近海工程国家重点实验室, 辽宁 大连 116024;
    - 3. 华阳国际设计集团广州公司,广东广州 510655;
  - 4. 华侨大学 福建省智慧基础设施与监测重点实验室, 福建 厦门 361021)

摘要: 为研究灌浆体周围岩土体的约束效应对灌浆体受压承载力的影响,开展8组室内模型试验.试验结果表明:灌浆体的受压承载力受围限体的约束效应影响显著,并随着围限体直径的增大而显著增加;灌浆体受压破坏时,底部呈倒圆锥形破坏形态,围限体主要被3条径向贯通裂缝分割为3块,相邻裂缝夹角近似呈120°.基于试验现象,建立灌浆体受压承载力计算的压锥模型,进一步提出灌浆体受压承载力计算方法,计算结果与试验结果较为吻合.

关键词: 压力型锚杆;灌浆体;受压承载力;模型试验

中图分类号: TU 473.12 文献标

文献标志码: A

文章编号: 1000-5013(2021)06-0748-10

# Calculation Model and Method of Compressive Capacity of Grout Body for Compression-Type Anchor

RAN Mengji<sup>1</sup>, TU Bingxiong<sup>1,2</sup>, LIU Chao<sup>3</sup>, JIA Jinqing<sup>2</sup>, CAI Yanyan<sup>4</sup>, ZHANG Lihua<sup>2</sup>

- (1. Fujian Research Center for Tunneling and Urban Underground Space Engineering, Huaqiao University, Xiamen 361021, China;
- 2. State Key Laboratory of Coastal and Offshore Engineering, Dalian University of Technology, Dalian 116024, China;
  - 3. Capol International and Associates Group Guangzhou Branch, Guangzhou 510655, China;
    - 4. Key Laboratory for Intelligent Infrastructure and Monitoring of Fujian Province, Huaqiao University, Xiamen 361021, China)

Abstract: Eight groups of laboratory model tests are carried out in order to study the restraint effect of the rock mass around the grout body on the compressive capacity of the grout body. The test results show that the compressive capacity of the grout body is affected significantly by the restraint effect of restraint body, and increases greatly as the diameter of restraint body increases. When the grout body is destroyed under compression, the bottom is in the form of inverted conical failure, and the restraint body is divided into three blocks by three radial penetrating cracks, the included angle of adjacent cracks is approximately 120°. Based on the test

收稿日期: 2020-11-02

**通信作者:** 涂兵雄(1984-),男,副教授,博士,主要从事基坑工程与边坡工程的研究. E-mail:tubingxiong@163.com.

基金项目: 国家自然科学基金资助项目(51408242, 51678112); 国家重点研发计划项目(2018YFC1505302); 中国

博士后科学基金资助项目(2016M592082); 大连理工大学海岸和近海工程国家重点实验室开放基金资

助项目(LP2013)

phenomena, compression-cone model for calculating compressive capacity of the grout body is established, and the calculation method for compressive capacity of the grout body is put forward. The calculation results are in agreement with the test results.

Keywords: compression-type anchor; grout body; compressive capacity; model test

锚杆被广泛地应用于高边坡锚固[12]、深基坑支护[34]及抗浮结构[56]等工程中.根据锚杆灌浆体所受应力状态的不同,锚杆一般分为拉力型锚杆和压力型锚杆[78].压力型锚杆的筋体在全长范围采用套管包裹而形成全长无粘结状态,锚杆受到的荷载直接通过无粘结筋体传递至底端的承载体,承载体挤压灌浆体后,依靠灌浆体与岩土体界面的侧阻力提供承载力.因此,压力型锚杆的灌浆体处于受压状态,且承载体处的灌浆体受到的压力最大.由于压力型锚杆灌浆体处于受压状态,可采用在套管内充填油脂等防腐措施进一步提高防腐性能,故其在永久性边坡工程中得到广泛的应用[9].近年来,随着城市地下空间工程的进一步开发和利用,前期工程建设中超出建筑红线的基坑支护锚杆对地下工程建设的影响日益突出,促使压力型可回收锚杆在基坑支护等临时性工程中得到广泛的应用[10-11].压力型锚杆的破坏模式主要有筋体断裂破坏、灌浆体与岩土体界面破坏及承载体处灌浆体受压破坏[12-13].正常情况下,筋体可通过截面积设计来保证强度,极少发生断裂破坏,但灌浆体与岩土体界面破坏相对复杂,其破坏机理及界面的剪应力分布等受到学术界和工程界的较大关注,已取得较多的研究成果[14-17].在实际工程中,当压力型锚杆的锚固段较长或锚固段位于坚硬土层或风化岩层时,灌浆体因较高的抗拔承载力而难以发生灌浆体拔出破坏.此时,压力型锚杆受到的荷载可能大于钻孔中承载体处灌浆体的受压承载力,导致灌浆体发生受压破坏,继而危及工程安全[13].

压力型锚杆承载体处灌浆体的受压承载力计算是压力型锚杆承载力设计中极其重要的环节,文献 [18-19] 均引入有侧限锚固段灌浆体强度增大系数,以考虑承载体处灌浆体受压时,周围岩土体对灌浆体的约束效应而产生对灌浆体受压承载力提高的积极影响.然而,文献 [18-19] 要求该强度增大系数通过试验确定,计算取值及应用有较大困难,此外,还缺少相应的承载体处灌浆体破坏模式的分析与说明,基于围限体约束效应增强承载体处灌浆体承载力的力学机制及量化计算尚缺乏深入研究.因此,本文开展压力型锚杆灌浆体室内模型试验,分析围限体约束效应对压力型锚杆受压承载力的影响规律,并结合灌浆体受压破坏形态,探讨压力型锚杆灌浆体受压承载力的计算模型和方法.

# 1 试验设计

#### 1.1 试验方案

试验方案,如表 1 所示.表 1 中:t 为围限体环厚;N 为试件的数量;试件组编号的 G 表示实心灌浆体,GH 表示置孔灌浆体,数字表示试件直径(即围限体外径  $d_1$ );8 个试件组各包含 3 个试件,G50 组 3 个试件的编号分别为 G50-1 ~ G50-3,其他类似. 锚固段灌浆体采用水灰比为 0. 5 的水泥净浆,灌浆体直径 d=50 mm. 灌浆体的设计有两种形式,分别为实心灌浆体(简化模型)与置孔灌浆体(实际浆体内包含有

表 1 试验方案 Tab. 1 Test scheme

序号	试件组编号	$t/\mathrm{mm}$	N	中心置孔
1	G50	0	3	否
2	GH50	0	3	是
3	G200	75	3	否
4	GH200	75	3	是
5	G350	150	3	否
6	GH350	150	3	是
7	G500	225	3	否
8	GH500	225	3	是

无粘结的钢绞线). 实际工程中,常用的钻孔直径为  $130\sim150$  mm,故配置 3 根直径为 15.2 mm 的钢绞线,按配筋率相等换算的中心置孔直径约为  $8.8\sim10.1$  mm,试验取中心置孔直径为 10.0 mm. 围限体采用水灰比为 0.4 的水泥净浆进行制作,圆环状,共设计 4 组不同环厚的围限体(环厚分别为 0.1.5d, 3.0d, 4.5d). 试件高度参考前期研究成果的核心影响区范围,取 3 倍灌浆体直径,即 150 mm.

试件制作方法如下. 1) 对于 t=0 的无约束围限体试件,直接在内径为 50 mm 的圆柱形管内灌注水泥净浆. 2) 对于有围限体的试件,先将外径为 50 mm 的聚氯乙烯(PVC)管插入底部模板的中心孔中,调整校正垂直度后,再按围限体厚度分别选用不同直径的半圆形复合模板,在两片对开半圆形复合模板外壁套设紧箍,组装成圆形模板,置于底模板,调整位置后固定;先浇筑围限体,养护 28 d 后拆模,缓慢旋转拔除中心的 PVC 管,再灌注灌浆体的水泥净浆. 3) 对于实心灌浆体,直接浇筑灌浆体的水泥净浆;

对于置孔灌浆体,采用孔底托板固定外径为 10.0 mm 的 PVC 管后,再灌注水泥净浆. 试件的制作过程,如图 1 所示.







(b) 浇筑



(c) 灌浆



(d) 拆模

图 1 试件的制作过程

Fig. 1 Production process of specimens

#### 1.2 加载方案

试验前,将灌浆体顶部加载端表面打磨至平整,然后,在围限体外壁呈 180°方向对称粘贴两组应变

片,每组沿试件高度按竖向间距 40~mm 粘贴 3~Cu 变片. 加载设备采用万能试验机,加载前,在灌浆体中心安装直径为 45~mm 的圆柱形钢柱作为传力加载构件.对称布置两支位移计,测试加载位移,采用 DH3816N 型静态应变测试系统同步采集加载过程中的荷载、位移及应变数据.加载时,先以  $50~\text{N} \cdot \text{s}^{-1}$ 的速率加载至 1~kN 后,卸载至 0~kN,再统一以  $50~\text{N} \cdot \text{s}^{-1}$ 的加载速率进行全程力控制加载,直至试件破坏.试件加载装置,如图 2~所示.



图 2 试验加载装置 Fig. 2 Test loading devices

#### 1.3 材料试验

制作不同规格的水泥浆试块,进行材料试验,用于测试水泥浆力学参数. 材料试验,如图 3 所示. 轴心抗压强度试验的试块尺寸为 70.7 mm×70.7 mm×220.0 mm; 立方体抗压强度试验的试块尺寸为 70.7 mm×70.7 mm×70.7 mm×150 mm×150 mm×150 mm; 三轴试验的试块直径为 50 mm,高为 100 mm. 抗压、抗拉试验结果,如表 2 所示. 表 2 中:  $f_{\rm ck}$ , $f_{\rm tk}$ , $f_{\rm cu.r}$ 分别为围限体的轴心抗压强度、劈裂抗拉强度和立方体抗压强度; $f_{\rm cu.g}$ 为灌浆体的立方体抗压强度。三轴试验共 6个试块[ $^{20-23}$ ],其结果如表 3 所示. 表 3 中: c 为粘聚力; $\varphi$  为内摩擦角. 由表 3 可知: 水灰比为 0. 4, 0. 5 的试块粘聚力平均值分别为 4. 1, 3. 8 MPa; 水灰比为 0. 4, 0. 5 的试块内摩擦角平均值分别为 42°, 30°.



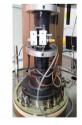
(a) 轴心抗压强度试验



(b) 立方体抗压强度试验



(c) 劈裂抗拉强度试验



(d) 三轴试验

图 3 材料试验

Fig. 3 Material test

表 2 抗压、抗拉试验结果

Tab. 2 Compressive and tensile test results

试件部位	参数	水灰比	试块 1	试块 2	试块 3	平均值
围限体	$f_{ m ck}/{ m MPa}$	0.4	41.66	46.27	43.29	43.74
围限体	$f_{ m tk}/{ m MPa}$	0.4	4.90	4.32	4.35	4.52
围限体	$f_{ m cu,r}/{ m MPa}$	0.4	57.80	65.32	63.96	62.36
灌浆体	$f_{ m cu,g}/{ m MPa}$	0.5	31.05	30.85	32.65	31.52

表 3 三轴试验结果

Tab. 3 Triaxial test results

	c/1	$c/\mathrm{MPa}$		$arphi/(\degree)$		$c/\mathrm{MPa}$		$arphi/(\degree)$	
试块	水灰比= 0.4	水灰比= 0.5	水灰比= 0.4	水灰比= 0.5	试块	水灰比= 0.4	水灰比= 0.5	水灰比= 0.4	水灰比= 0.5
试块 1	4.5	3.3	44	29	试块 4	4.3	3.5	42	30
试块 2	3.4	4.2	40	32	试块 5	4.2	3.8	44	31
试块 3	3.8	4.1	39	27	试块 6	4.4	3.9	43	31

### 2 试验结果与分析

#### 2.1 试验结果

根据试验方案,进行压力型锚杆灌浆体室内模型试验,其结果如表 4 所示. 表 4 中:F, $\overline{F}$  分别为灌浆体的破坏荷载、各组灌浆体的平均破坏荷载; $f_c$ , $\overline{f_c}$  分别为灌浆体破坏时钢柱底部的均布压力(即受压承载力)、各组灌浆体均布压力的平均值;s 为灌浆体破坏时的轴向变形(位移); $k_1$  为无置孔灌浆体在有约束围限体时的平均破坏荷载与无约束围限体时的平均破坏荷载的比值,即强度提高系数; $k_2$  为置孔灌浆体试件平均破坏荷载与实心灌浆体平均破坏荷载的比值; $\Delta R$  为该组试件破坏荷载的相对极差;"\*"表示试件因养护疏忽导致围限体开裂,不记为有效试验结果.

表 4 压力型锚杆灌浆体室内模型试验结果

 ${\it Tab.\,4}\quad {\it Laboratory\,\,model\,\,test\,\,results\,\,of\,\,grout\,\,body\,\,for\,\,compression-type\,\,anchor}$ 

1 ab. 4 Laboratory model test results of grout body for compression type anchor								
试件编号	F/kN	$f_{\rm c}/{ m MPa}$	s/mm	F/kN	$f_{ m c}/{ m MPa}$	$k_1$	$k_2$	$\Delta R/\%$
G50-1	60.66	38.16	0.91					
G50-2	59.27	37.29	1.07	57.88	36.41	_	_	12.0
G50-3	53.70	33.78	1.24					
GH50-1	63.54	39.97	1.09					
GH50-2	54.75	34.44	0.97	59.49	37.43	_	1.03	14.8
GH50-3	60.19	37.86	1.05					
G200-1	62.27	39.17	1.24					
G200-2*	39.14	24.62	0.70	62.27*	39.17*	1.08*	_	46.7*
G200-3*	47.16	29.67	0.87					
GH200-1	62.23	39.15	1.29					
GH200-2	58.24	36.64	0.82	61.70	38.81	1.04	0.99	10.3
GH200-3	64.62	40.65	0.93					
G350-1	76.44	48.09	0.91					
G350-2	77.35	48.66	1.11	75.78	47.67	1.31	_	5.0
G350-3	73.55	46.27	1.26					
GH350-1	86.06	54.14	1.44					
GH350-2	73.97	46.53	1.17	79.57	50.06	1.34	1.05	15.2
GH350-3	78.68	49.50	1.35					
G500-1	104.06	65.46	1.32	_				
G500-2	117.73	74.06	1.33	107.54	67.65	1.86	_	15.7
G500-3	100.82	63.42	1.16					
GH500-1	97.51	61.34	1.14					
GH500-2	112.78	38.16	1.29	105.88	66.60	1.78	0.98	14.4
GH500-3	107.34	37.29	1.18					

由表 4 可知:除 G200 外,其余各组试验结果破坏荷载的相对极差最大为 15.7%,最小为 5.0%,整体离散性相对较小;G200-2,G200-3 的灌浆体破坏荷载明显偏低,主要原因是在浇筑围限体时,因养护疏忽导致围限体开裂(图 4),裂缝贯通壁环,尽管灌浆体水泥净浆渗入部分裂缝中,但该处围限体环向的抗拉承载力仍显著降低,导致围限体在内壁处为灌浆体提供的径向约束力大为减小,故试件破坏荷载明显偏低.综合对比各组数据,G200 试验结果仅取 G200-1 为有效数据,并进行后续数据的对比与分析.

由表 4 还可知:置孔灌浆体与实心灌浆体试件的平均破坏荷载十分接近,表明灌浆体中心预留孔洞 对灌浆体破坏荷载的影响几乎可以忽略;各组试件的平均破坏荷载随着围限体环厚的增加而增加,

围限体的约束效应,如图 5 所示.由图 5 可知:G200,GH200 的围限体环厚仅为 75 mm,尽管平均 破坏荷载有所提高,但仅分别提高了8%,4%,曲线较为平缓;当围限体环厚达到150,225 mm 时,实心 (置孔)灌浆体试件的平均破坏荷载分别提高了31%(34%),86%(78%),围限体的约束效应导致灌浆 体的受压承载力显著提高,这是因为内壁受径向应力作用的空心围限体的环厚越大,在内壁产生相同环 向拉应力所需的径向应力越大,围限体内壁对灌浆体的约束作用越强,灌浆体的平均破坏荷载越大.



图 4 围限体开裂

Cracking of restraint body

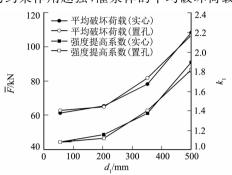
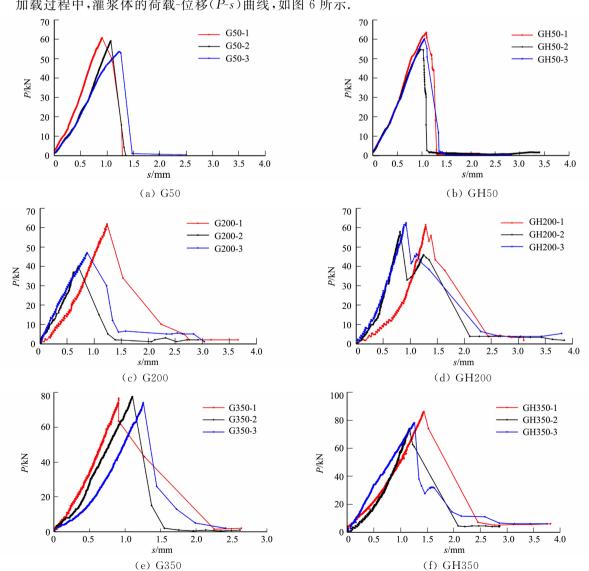


图 5 围限体的约束效应

Restraint effect of restraint body

加载过程中,灌浆体的荷载-位移(P-s)曲线,如图 6 所示.



http://www.hdxb.hqu.edu.cn

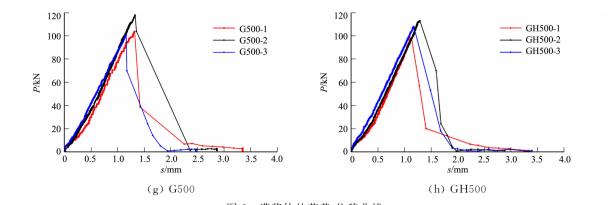


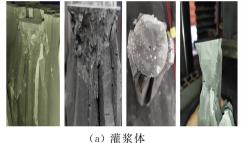
图 6 灌浆体的荷载-位移曲线

Fig. 6 Load-displacement curves of group body

由图 6 可知:对于设置围限体的灌浆体而言,荷载-位移曲线整体可分为初始弹性阶段、刚度强化阶段和破坏阶段;在初始弹性阶段,荷载随灌浆体轴向变形的增加近似呈线性增加,此阶段的灌浆体受力较小,侧向变形相对较小,围限体的约束作用尚未或较少发挥;在刚度强化阶段,荷载加载到一定程度,灌浆体侧向变形增大,围限体的约束作用得到较大发挥,灌浆体刚度有所增强,荷载-位移曲线的斜率明显增大;在破坏阶段,荷载-位移曲线迅速陡降至接近于零,表现出明显的脆性破坏特征.

#### 2.2 破坏现象

试件的破坏过程极其短暂,破坏前,荷载-位移曲线没有明显的征兆,但部分试件的围限体出现了短暂的微小裂缝扩展过程,整体上试件的破坏具有突发性,属于脆性破坏.典型破坏现象,如图 7 所示.



TE ACIT

GH 350

(b) 围限体

图 7 典型破坏现象

Fig. 7 Typical failure phenomenon

灌浆体破坏时,圆柱形钢柱底部出现一个倒圆锥形的压密锥,压密锥的锥面有明显的破裂痕迹,小心取出灌浆体并剥离部分破碎体,在倒圆锥下方近似出现一个正圆锥,正圆锥与倒圆锥的母线近似连接成直线,且正圆锥及其底部灌浆体相对较为完好,而上部倒圆锥和下部正圆锥的锥面夹持部分沿轴向分裂成多个块体(图 7(a)).由于钢柱底并不是光滑的面(实际工程中,承载体的板底也不是光滑的面),灌浆体受压后,在钢柱底部摩擦力的约束作用下,底部呈倒立的压密锥(核)形态,锥顶角为 55.4°~63.8°. 当荷载继续增加,随着轴向位移的增加,压密锥的锥面对四周的灌浆体产生剪切和挤压作用力,当围限体对灌浆体约束力及底部正圆锥表面的作用力无法与其平衡时,围限体开裂,灌浆体破坏.

试验过程中,荷载加载到一定值后,围限体内壁先出现数条微小裂缝,当荷载继续增大时,裂缝进一步扩展,直至出现"砰"的声响,试件迅速破坏,围限体裂缝贯穿外壁.围限体典型破坏主要表现为围限体被3条径向贯通裂缝分割为3块,相邻裂缝夹角近似呈120°(图7(b)).依据试验观测的现象,围限体破坏时并非沿环厚呈单纯的受拉破坏,而是在近内壁一定范围先出现受拉开裂,然后,在灌浆体对围限体内壁的径向压力作用下,对未开裂的围限体产生较大的劈裂作用,引发瞬间的劈裂破坏.

# 3 灌浆体受压承载力模型与计算

#### 3.1 计算模型

结合试验中灌浆体的破坏现象,采用压锥模型计算压力型锚杆承载体底部灌浆体的受压承载力.当 灌浆体破坏时,底部灌浆体可划分为压密锥(I区)、破坏区(I区)及弹性区(II区),压锥模型图,如图 8 所示. 图 8 中:σ 为承载体作用在灌浆体上的压应力(即受压承载力计算值);σ<sub>a</sub> 为灌浆体受压后,受到围限体约束的压应力(内孔受均匀压应力);d<sub>o</sub> 为为承载体直径;FG 为承载体作用于灌浆体的界面;AB 为灌浆体底面;AE,BD 均为破裂面;AE 为 AE AE0 以为破裂面;AE1 AE3 以 AE4 以 AE5 以 AE5 以 AE6 以 AE7 以 AE8 以 AE9 以

为了简化理论推导过程,对压锥模型做以下 4 个假定. 1) Ⅰ,Ⅲ区均为刚性体,锥面上服从莫尔-库伦强度准则. 2)Ⅲ区破裂前、后均为刚体,忽略破裂块体间的相互作用. 3)Ⅲ区灌浆体与围限体界面间的切向应力为零,法向应力沿高度均匀分布. 4)Ⅱ区压密锥的锥角为主动破裂角.

#### 3.2 计算公式的推导

取  $\mathbb{I}$  区进行受力分析,其受力图如图 9 所示. 图 9 中: $\tau_1$  为灌浆体  $\mathbb{I}$  区锥面上的切向应力; $\alpha$  为  $\mathbb{I}$  区 压密锥的锥角, $\alpha = 45^{\circ} + \varphi_g/2$ , $\varphi_g$  为灌浆体的内摩擦角; $\sigma_1$  为灌浆体  $\mathbb{I}$  区锥面上的法向应力.

I区竖向受力平衡方程为

$$\sigma S_1 = \sigma_1 S_2 \cdot \cos \alpha + \tau_1 S_2 \cdot \sin \alpha, \tag{1}$$

$$\tau_1 = \sigma_1 \tan \varphi_g + c_g. \tag{2}$$

式(1),(2)中: $S_1$  为承载体底部面积, $S_1 = 0.25\pi d_0^2$ ; $S_2$  为 I 区锥面的面积, $S_2 = 0.25\pi d_0^2/\cos\alpha$ ; $c_g$  为灌浆体的粘聚力.

联立式(1),(2),可得

$$\sigma = c_{g} \tan \alpha + (1 + \tan \varphi_{g} \tan \alpha) \sigma_{1}. \tag{3}$$

取  $\|$  区微单元进行受力分析,受力图如图 10 所示. 图 10 中:面 BGG'B'为灌浆体底面微单元,过点 C 做面 HCH',面 HCH' // 面 BGG'B'; $\sigma_2$  为面 ECE'上的法向应力; $\tau_2$  为面 ECE'上的切向应力;令  $\angle HCH' = \mathrm{d}\theta$ .

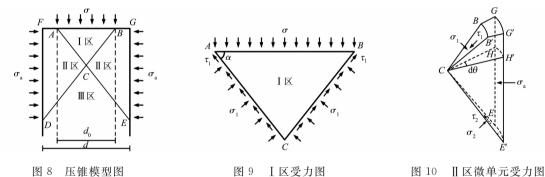


Fig. 8 Pressure cone model

Fig. 9 Stress in zone I

Fig. 10 Stress of microelement in zone

面 BCB'上法向应力 $\sigma_1$  总合  $F_1$ 、切向应力  $\tau_1$  总合  $T_1$  分别为

$$F_1 = \int_0^{\frac{d_0}{2\cos a}} \sigma_1 r \cos \alpha d\theta dr = \frac{\sigma_1 d_0^2}{8\cos \alpha} d\theta , \qquad (4)$$

$$T_1 = \int_0^{\frac{d_0}{2\cos a}} \tau_1 r \cos \alpha d\theta dr = \frac{(\sigma_1 \tan \varphi_g + c_g) d_0^2}{8\cos \alpha} d\theta.$$
 (5)

式(4),(5)中:r 为线CH 上的点到点C 的距离.

面 ECE'上法向应力 $\sigma_2$  总合  $F_2$ 、切向应力 $\tau_2$  总合  $T_2$  分别为

$$F_2 = \int_0^{\frac{d}{2\cos a}} \sigma_2 r \cos \alpha d\theta dr = \frac{\sigma_2 d^2}{8\cos \alpha} d\theta , \qquad (6)$$

$$T_2 = \int_0^{\frac{d}{2\cos a}} \tau_2 r \cos \alpha d\theta dr = \frac{(\sigma_2 \tan \varphi_g + c_g) d^2}{8\cos \alpha} d\theta.$$
 (7)

由 Ⅱ 区竖向受力平衡条件,可得

$$F_1 \cos \alpha + T_1 \sin \alpha - F_2 \cos \alpha - T_2 \sin \alpha = 0. \tag{8}$$

令  $d_0/d=m$ ,联立式(4)~(7),并代入式(8),可得

$$\sigma_2 = \frac{\left[\sigma_1 \left(1 + \tan \alpha \tan \varphi_g\right) + c_g \tan \alpha\right] m^2 - c_g \tan \alpha}{1 + \tan \alpha \tan \varphi_g}.$$
 (9)

 $\|$  区微单元面 GG'E'E 的法向应力产生的合力 F。为

$$F_{a} = \frac{1}{2} \sigma_{a} d^{2} \tan \alpha d\theta. \tag{10}$$

由Ⅱ区水平向受力平衡条件,可得

$$T_1 \cos \alpha + T_2 \cos \alpha + F_a - F_1 \sin \alpha - F_2 \sin \alpha = 0. \tag{11}$$

联立式(4)~(7)和(10),代入式(11),可得

$$\sigma_2 = \frac{\sigma_1 m^2 (\tan \varphi_g - \tan \alpha) + c_g (m^2 + 1) + 4\sigma_a d \tan \alpha}{-(\tan \varphi_g - \tan \alpha)}.$$
 (12)

联立式(9),(12),可得

$$\sigma_{1} = \frac{c_{g} \left[ (1 - m^{2}) \tan \alpha \tan(\alpha - \varphi_{g}) + (m^{2} + 1) \right] + 4\sigma_{a} \tan \alpha}{2m^{2} (1 + \tan \alpha \tan \varphi_{g}) \tan(\alpha - \varphi_{g})}.$$
(13)

将式(13)代入式(3),可得

$$\sigma = \frac{(1+m^2)[1+\tan\alpha\tan(\alpha-\varphi_{\rm g})]}{2m^2\tan(\alpha-\varphi_{\rm g})}c_{\rm g} + \frac{2\tan\alpha}{m^2\tan(\alpha-\varphi_{\rm g})}\sigma_{\rm a}.$$
 (14)

#### 3.3 围压的求解

取圆环状围限体,其内径(即灌浆体直径)为d,外径为d1,内孔受均匀压应力 $\sigma$ 6.由于假定  $\mathbb{I}$  区灌浆体与围限体界面间法向应力沿高度均匀分布,可简化为内孔受均匀压应力 $\sigma$ 6.的圆筒.基于特定的极限状态,求得 $\sigma$ 6.将其代入式(14),即可求得灌浆体破坏时,承载体作用在灌浆体上的压应力.以下通过应变解法和应力解法对 $\sigma$ 6.进行求解.

1) 应变解法. 对于内径为 d,外径为  $d_1$ ,内孔受均匀压力  $\sigma_a$  的圆筒,依据弹性力学轴对称平面应力问题的极坐标解 $^{[24]}$ ,有

$$\varepsilon_{\varphi} = u_{\rho}/\rho,$$
 (15)

$$u_{\rho} = \frac{(1+\mu)d^2}{d_1^2 - d^2} \frac{\sigma_a}{E} \left[ \frac{d_1^2}{4\rho} + (1-2\mu)\rho \right]. \tag{16}$$

式(15),(16)中: $\varepsilon_{\varphi}$ 为环向应变; $u_{\rho}$ 为径向位移; $\rho$ 是以圆环围限体几何中心做极坐标系的极径;E, $\mu$ 分别为围限体的弹性模量、泊松比.

将式(16)代入式(15),可得

$$\varepsilon_{\varphi} = \frac{(1+\mu)d^2}{d_1^2 - d^2} \frac{\sigma_{\text{a}}}{E} \left[ \frac{d_1^2}{4\rho^2} + (1-2\mu) \right]. \tag{17}$$

当  $\rho = d_1/2$  时,式(17)可变换为

$$\sigma_{a} = \frac{(d_{1}^{2} - d^{2}) E_{\varepsilon_{\varphi}}}{2d^{2}(1 - u^{2})}.$$
(18)

将式(18)代入式(14),并令  $d_1/d=n$ ,可得

$$\sigma = \frac{(n-1)\tan(45^{\circ}+0.5\varphi_{\rm g})}{m^2\tan(45^{\circ}-0.5\varphi_{\rm g})} \frac{E_{\varepsilon_{\varphi}}}{(1-\mu^2)} + \frac{(1+m^2)[1+\tan(45^{\circ}+0.5\varphi_{\rm g})\tan(45^{\circ}-0.5\varphi_{\rm g})]}{2m^2\tan(45^{\circ}-0.5\varphi_{\rm g})} c_{\rm g}. \quad (19)$$

2) 应力解法. 依据弹性力学中内孔受均匀压应力  $\sigma_a$  的圆筒平面应力问题解答 $^{[24]}$ ,在圆筒内壁处,环向应力与内孔压力的关系为

$$\sigma_{a} = \frac{d_{1}^{2} - d^{2}}{d_{z}^{2} + d^{2}} \sigma_{\varphi}. \tag{20}$$

式(20)中: $\sigma_{\varphi}$  为环向应力.

偏安全地,按围限体内壁环向应力达到围限体抗拉强度时,围限体破坏,同时灌浆体破坏.将式(20)代入式(14),可得

$$\sigma = \frac{2\tan \alpha}{\tan(45^{\circ} - 0.5\varphi_{g})} \frac{n^{2} - 1}{m^{2}(n^{2} + 1)} \sigma_{t} + \frac{(1 + m^{2}) \left[1 + \tan(45^{\circ} + 0.5\varphi_{g}) \tan(45^{\circ} - 0.5\varphi_{g})\right]}{2m^{2} \tan(45^{\circ} - 0.5\varphi_{g})} c_{g}.$$
(21)

式(21)中:σ, 为灌浆体的抗拉强度.

#### 3.4 对比分析

当围限体破坏时,外壁应变片的测试值为 90×10<sup>-6</sup>~110×10<sup>-6</sup>. 分别采用基于压锥模型的应变解

法(测试围限体水泥浆体的弹性模量为 14.75 MPa, 泊松比为 0.25)与应力解法计算试验方案中各组试件灌浆体受压承载力,受压承载力计算结果与试验结果的对比,如表 5 所示. 表 5 中:  $f_{11}$ 为围限体外壁环向应变为  $90\times10^{-6}$ 时应变解法的受压承载力计算值;  $f_{12}$ 为围限体外壁环向应变为  $110\times10^{-6}$ 时应变解法的受压承载力计算值;  $f_1$  为  $f_{11}$ ,  $f_{12}$ 的平均值;  $f_2$  为应力解法的受压承载力计算值;  $\Delta_1$  为应变解法相对于试验结果的偏差, $\Delta_1 = (f_1 - f_c)/f_c \times 100\%$ ;  $\Delta_2$  为应力解法相对于试验结果的偏差, $\Delta_2 = (f_2 - f_c)/f_c \times 100\%$ .

Tab. 5 Comparison between calculation results and test results of compressive capacity

试件组	$\overline{f}_{\rm c}/{ m MPa}$	$f_{11}/\mathrm{MPa}$	$f_{12}/\mathrm{MPa}$	$\overline{f}_1/\text{MPa}$	$f_2/\mathrm{MPa}$	$\Delta_1$ / $\frac{9}{0}$	$\Delta_2/{}^0\!\!/_{\!0}$
G200	38.97	30.44	33.94	32.19	44.20	-17.40	+13.42
G350	48.84	46.17	53.17	49.67	46.87	+1.70	-4.03
G500	67.10	61.91	72.40	67.16	47.55	+0.09	-29.14

由表 5 可知:G200,G350,G500 应变解法计算值与试验值吻合较好;G200,G350,G500 应力解法计算值中,G200 的计算值偏大,G500 的计算值明显偏低,G350 的计算值与试验值吻合最好,表明围限体外径越大,应力解法计算值越低于试验值,理论计算结果偏于保守.应力解法与应变解法的结果存在差异的原因在于应变解法是基于实测围限体外壁环向应变进行求解,而应力解法是假定围限体内壁环向应力达到抗拉强度,对于内壁内孔受均匀压应力的空心圆柱围限体,G200,G350,G500 在内壁处的内孔压力与环向应力比值分别为 0.88,0.96,0.98.因此,应力解法分别求解的内孔压应力相差不大,计算的受压承载力变化不大,导致围限体直径越大,计算偏差越大.

在实际工程中,锚杆锚固段设置于地层中,灌浆体周围岩体可视为无限体,岩体不会出现试验中有限厚度围限体开裂的现象.因此,基于围限体开裂破坏的应变解法仅适用于室内模型试验,且能有效验证试验结果与应变解法结果的良好吻合性.应力解法是基于钻孔孔壁岩体的环向应力达到岩体抗拉强度(即内壁处于开裂的临界状态),所得到的灌浆体受压承载力,应力解法可同时适用于室内模型试验与工程实际情况.

受压承载力计算值与试验值,如图 11 所示.图 11 中: f 为受压承载力.由图 11 可知: 当围限体外径为 350 mm 时,应力解法计算值、应变解法计算值和与试验值

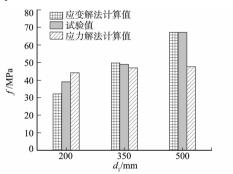


图 11 受压承载力计算值与试验值 Fig. 11 Calculation value and test value of compressive capacity

十分吻合; 当围限体外径为 500 mm(围限体直径与钻孔孔径比为 10)时,应力解法计算值比试验值、应变解法计算值偏低约 29%,其主要原因是应力解法基于弹性理论厚壁圆筒理论,内壁环向应力随壁厚的增加存在临界现象. 在实际工程中,综合考虑锚杆间距与钻孔直径的关系(锚杆间距一般约 2.0 m,钻孔直径约为 150~250 mm),以及岩体中包含节理和裂隙导致抗拉强度(浆液充填)一般低于相应岩石的抗拉强度,采用应力解法计算压力型锚杆灌浆体受压承载力仍是可行的.

## 4 结论

- 1)压力型锚杆灌浆体的受压承载力随围限体直径的增大而明显增加,围限体对灌浆体的约束效应较为明显.灌浆体中心预留单孔洞对灌浆体的受压承载力影响很小,几乎可以忽略.
- 2) 压力型锚杆灌浆体受压破坏时,灌浆体底部呈倒圆锥形破坏形态,围限体主要被3条径向贯通 裂缝分割为3块,相邻裂缝夹角近似呈120°.
- 3) 基于压力型锚杆灌浆体试验破坏形态,建立灌浆体受压承载力的压锥模型,应变解法的受压承载力计算值与试验值吻合较好;应力解法的受压承载力计算值随围限体直径的增大而低于试验值,但整体计算结果较为吻合,验证了压锥模型的合理性.

4) 考虑锚杆实际施工工艺参数及岩体节理和裂隙的影响,基于应力解法的计算公式可用于估算实际工程中岩质地层压力型锚杆灌浆体的受压承载力.

#### 参考文献:

- [1] 白晓宇,张明义,王永洪,等. GFRP 抗浮锚杆与混凝土底板黏结特性现场试验[J]. 中国矿业大学学报,2020,49 (1):93-102. DOI:10.13247/j. cnki. jcumt. 001105.
- [2] 周勇,王旭日,周彦鹏.强风化软硬互层岩质高边坡监测与数值模拟[J]. 岩土力学,2018,39(6):2249-2258.
- [3] 朱彦鹏,李京榜,叶帅华,等. 基于锚索格构梁支护结构的高边坡健康监测研究与分析[J]. 工程力学,2015,32(增刊1);271-283. DOI;10. 6052/j. issn. 1000-4750. 2014. 05. S047.
- [4] 付文光,柳建国,杨志银. 抗浮锚杆及锚杆抗浮体系稳定性验算公式研究[J]. 岩土工程学报,2014,36(11):1971-1982.
- [5] 许海勇,陈龙珠,刘全林. 桩锚支护结构水平位移的简化算法[J]. 岩土力学,2013,34(8):2323-2328.
- [6] 张欣喜,陈鹏,尹文彪.国贸中心三期基坑支护工程监测研究[J].岩石力学与工程学报,2012,31(11):2319-2326.
- [7] 程良奎. 岩土锚固的现状与发展[J]. 土木工程学报,2001,34(3):7-13. DOI:10. 3321/j. issn:1000-131X. 2001. 03. 002.
- [8] 邬爱清,韩军,罗超文,等. 单孔复合型锚杆锚固体应力分布特征研究[J]. 岩石力学与工程学报,2004,23(2):247-251.
- [9] 林振德,陈云彬.结合永久性边坡支护的深基坑预应力锚杆柔性支护法的应用[J].岩土工程学报,2012,34(增刊1):389-392.
- [10] 李红军,张开普.可回收式锚杆在基坑支护工程中的应用[J]. 建筑结构,2019,49(10):110-114,21. DOI:10. 19701/j. jzjg. 2019. 10. 022.
- [11] 庞有师,刘汉龙,龚医军.可回收式锚杆抗拔试验研究[J]. 岩土力学,2010,31(6):1813-1816,1821.
- [12] 刘超,涂兵雄,廖小平,等. 压力型锚杆临界锚固长度的解析解[J]. 华侨大学学报(自然科学版),2019,40(6):716-723. DOI:10.11830/ISSN.1000-5013.201905002.
- [13] 卢黎,黎亮,邓宇,等. 压力型锚索承载板前砂浆体破坏机制试验研究[J]. 岩土工程学报,2013,35(11):2110-2116.
- [14] 程良奎,范景伦,压力分散型(可拆芯式)锚杆的研究与应用[J],冶金工业部建筑研究总院院刊,2000(2):1-8.
- [15] 芮瑞,夏元友,顾金才,等. 压力分散型锚索锚固段受力特性试验分析[J]. 岩土工程学报,2012,34(5):919-921.
- [16] 夏元友,陈泽松,顾金才,等. 压力分散型锚索受力特点的室内足尺模型试验[J]. 武汉理工大学学报,2010,32(3): 33-37. DOI:10.3963/j. issn. 1671-4431. 2010.03.009.
- [17] 刘永权,刘新荣,杨忠平,等.不同类型预应力锚索锚固性能现场试验对比研究[J]. 岩石力学与工程学报,2016,35 (2):275-283.
- [18] 中华人民共和国住房和城乡建设部. 岩土锚杆与喷射混凝土支护工程技术规范: GB 50086-2015[S]. 北京: 中国 计划出版社, 2015.
- [19] 中华人民共和国工业和信息化部. 抗浮锚杆技术规程: YB/T 4659-2018[S]. 北京:冶金工业出版社,2018.
- [20] 中华人民共和国住房和城乡建设部. 建筑砂浆基本性能试验方法标准: JGJ/T 70-2009[S]. 北京:中国建筑工业出版社,2009.
- [21] 中华人民共和国建设部.普通混凝土力学性能试验方法标准: GB/T 50081-2002[S].北京:中国建筑工业出版社,2003.
- [22] 中华人民共和国行业标准编写组. 岩石物理力学性质试验规程 第 18 部分: 岩石单轴抗压强度试验: DZ/T 0276. 18-2015[S]. 北京: 中国标准出版社, 2015.
- [23] 中华人民共和国行业标准编写组. 岩石物理力学性质试验规程 第 20 部分. 岩石三轴压缩强度试验: DZ/T 0276. 20-2015[S]. 北京:中国标准出版社,2015.
- [24] 吴家龙. 弹性力学[M]. 北京:高等教育出版社,2001.

(责任编辑: 钱筠 英文审校: 方德平)